



88147309



**MATEMÁTICAS**  
**NIVEL MEDIO**  
**PRUEBA 1**

Número de convocatoria del alumno

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miércoles 12 de noviembre de 2014 (tarde)

Código del examen

1 hora 30 minutos

8	8	1	4	-	7	3	0	9
---	---	---	---	---	---	---	---	---

Instrucciones para los alumnos

- Escriba su número de convocatoria en las casillas de arriba.
- No abra esta prueba hasta que se lo autoricen.
- En esta prueba no se permite el uso de ninguna calculadora.
- Sección A: conteste todas las preguntas en las casillas provistas.
- Sección B: conteste todas las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Escriba su número de convocatoria en la parte delantera del cuadernillo de respuestas, y adjúntelo a este cuestionario de examen y a su portada utilizando los cordeles provistos.
- Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas con tres cifras significativas.
- Se necesita una copia sin anotaciones del *cuadernillo de fórmulas de Matemáticas NM* para esta prueba.
- La puntuación máxima para esta prueba de examen es [90 puntos].

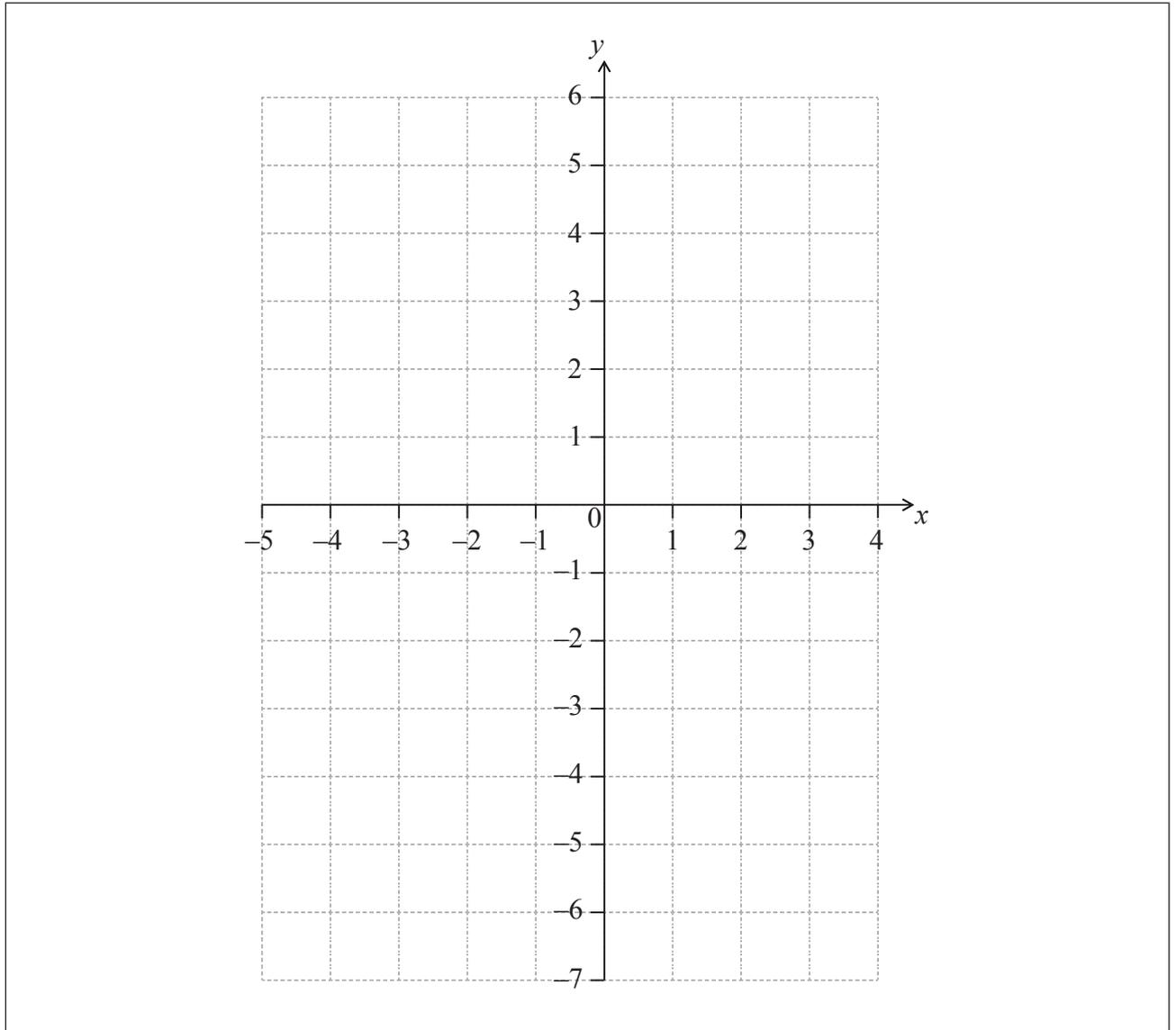


12EP01



(Pregunta 1: continuación)

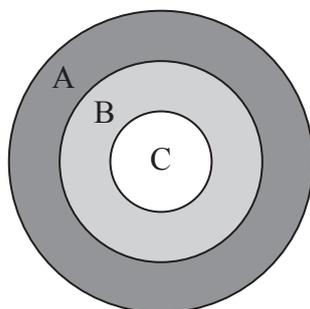
(c) En la siguiente cuadrícula, dibuje aproximadamente el gráfico de  $f$ , para  $-4 \leq x \leq 3$ . [3]





3. [Puntuación máxima: 7]

La siguiente figura muestra un tablero que está dividido en tres regiones, A, B y C.



Un juego consiste en que un jugador lanza un dardo al tablero. La siguiente tabla muestra la probabilidad de que el dardo dé en cada una de las regiones.

Región	A	B	C
Probabilidad	$\frac{5}{20}$	$\frac{4}{20}$	$\frac{1}{20}$

(a) Halle la probabilidad de que el dardo **no** dé en el tablero. [3]

El jugador va ganando puntos, tal y como se muestra en la siguiente tabla.

Región	A	B	C	No da en el tablero
Puntos	0	$q$	10	-3

(b) Sabiendo que el juego es justo, halle el valor de  $q$ . [4]

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....





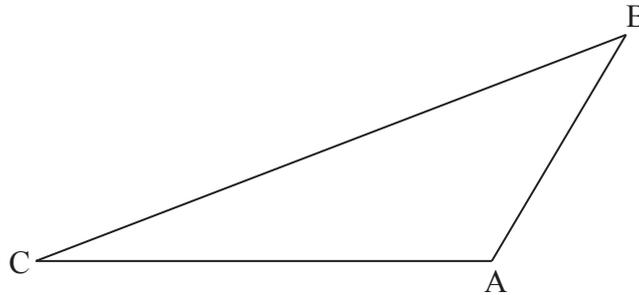




7. [Puntuación máxima: 6]

La siguiente figura muestra el triángulo ABC.

*la figura no está  
dibujada a escala*



Sean  $\vec{AB} \cdot \vec{AC} = -5\sqrt{3}$  y  $|\vec{AB}| |\vec{AC}| = 10$ . Halle el área del triángulo ABC.

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



Véase al dorso

**NO** escriba soluciones en esta página.

**SECCIÓN B**

Conteste **todas** las preguntas en el cuadernillo de respuestas provisto. Empiece una página nueva para cada respuesta.

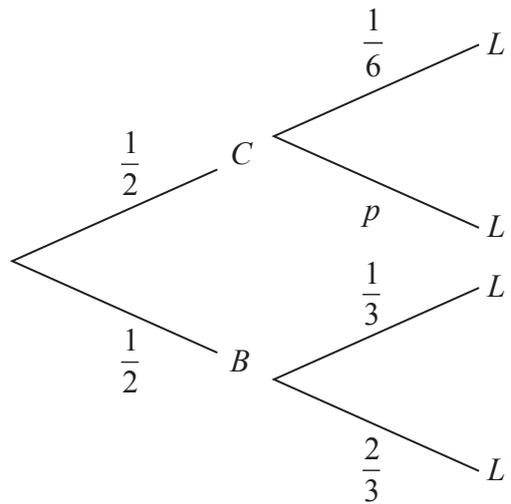
8. [Puntuación máxima: 15]

Adam va al colegio en coche ( $C$ ) o en bicicleta ( $B$ ). Cada día, existe la misma probabilidad de que vaya en coche que de que vaya en bicicleta.

La probabilidad de que llegue tarde ( $L$ ) al colegio es igual a  $\frac{1}{6}$  si va en coche.

La probabilidad de que llegue tarde al colegio es igual a  $\frac{1}{3}$  si va en bicicleta.

Esta información aparece representada en el siguiente diagrama de árbol.



- (a) Halle el valor de  $p$ . [2]
- (b) Halle la probabilidad de que Adam viaje en coche y llegue tarde al colegio. [2]
- (c) Halle la probabilidad de que Adam llegue tarde al colegio. [4]
- (d) Sabiendo que Adam ha llegado tarde al colegio, halle la probabilidad de que haya viajado en coche. [3]

La semana próxima Adam irá tres veces al colegio.

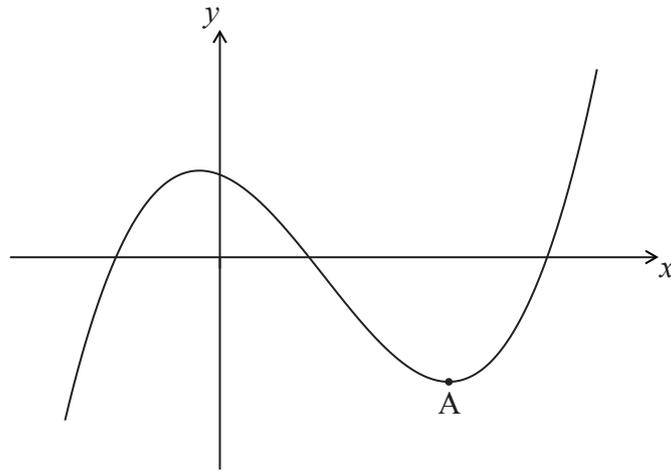
- (e) Halle la probabilidad de que Adam llegue tarde exactamente una vez. [4]



**NO** escriba soluciones en esta página.

9. [Puntuación máxima: 14]

La siguiente figura muestra el gráfico de la función  $f$ . Hay un punto mínimo local en A, donde  $x > 0$ .



La derivada de  $f$  viene dada por  $f'(x) = 3x^2 - 8x - 3$ .

- (a) Halle la coordenada  $x$  de A. [5]
- (b) La intersección del gráfico con el eje  $y$  está en  $(0, 6)$ . Halle una expresión para  $f(x)$ . [6]

El gráfico de una función  $g$  se obtiene realizando una simetría del gráfico de  $f$  respecto al eje  $y$ , seguida de una traslación por el vector  $\begin{pmatrix} m \\ n \end{pmatrix}$ .

- (c) Halle la coordenada  $x$  del punto mínimo local del gráfico de  $g$ . [3]



**NO** escriba soluciones en esta página.

10. [Puntuación máxima: 17]

Sea  $L_x$  una familia de rectas cuya ecuación viene dada por  $\mathbf{r} = \begin{pmatrix} x \\ 2 \\ x \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} x^2 \\ -2 \end{pmatrix}$ , donde  $x > 0$ .

(a) Escriba la ecuación de  $L_1$ . [2]

Una recta  $L_a$  corta al eje  $y$  en un punto P.

(b) Muestre que P tiene por coordenadas  $\left(0, \frac{4}{a}\right)$ . [6]

La recta  $L_a$  corta al eje  $x$  en  $Q(2a, 0)$ . Sea  $d = PQ^2$ .

(c) Muestre que  $d = 4a^2 + \frac{16}{a^2}$ . [2]

(d) Existe un valor mínimo para  $d$ . Halle el valor de  $a$  que da este valor mínimo. [7]

